

Positronen im Magnetfeld

a) Um die Flugbahn zu durchlaufen, muss eine Zentripetalkraft auf den Positron wirken.
Es gilt die Lorentzkraft

$$p = m_0 \cdot v$$

$$F_{\text{LORENZ}} = F_{\text{ZENTRIPETAL}} \quad \text{auflösen nach: } m \cdot v = p$$

$$e \cdot v \cdot B = m \cdot \omega^2 \cdot r = m \frac{v^2}{r}$$

$$e \cdot v \cdot B = \frac{m v^2}{r} \quad | \cdot r$$

$$r \cdot e \cdot B = m \cdot v$$

$$r \cdot e \cdot B = p$$

$$r = 0,10 \text{ m}$$

$$B = 0,020 \text{ T}$$

$$e = 1,6 \cdot 10^{-19}$$

$$p = 0,10 \text{ m} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 0,020 \text{ T} = 3,2 \cdot 10^{-22}$$

b) $p = m_0 \cdot v$ $m = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$
 $\Rightarrow v = \frac{p}{m_0}$

$$v = \frac{3,2 \cdot 10^{-22}}{9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}} = 3,5 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow v > c$$

Die Geschwindigkeit liegt über der Lichtgeschwindigkeit, was bei Masseteilchen nicht möglich ist.
Somit muss relativistisch gerechnet werden.

c) $E_{\text{KIN}} = E(v) - E_0$

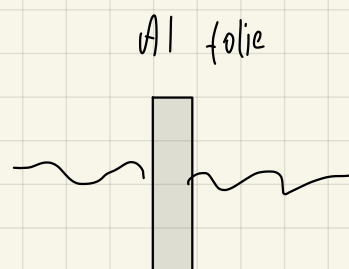
$$E(v) = \frac{m_0}{\sqrt{1 - (\frac{v}{c})^2}} \cdot c^2$$

$$E_0 = m_0 \cdot c^2$$

$$E_{\text{KIN}} = \frac{m_0 \cdot c^2}{\sqrt{1 - (\frac{v}{c})^2}} - m_0 \cdot c^2$$

$$= c^2 \left(\frac{m_0}{\sqrt{1 - (\frac{v}{c})^2}} - m_0 \right) = (3 \cdot 10^8)^2 \left(\frac{9,1 \cdot 10^{-31}}{\sqrt{1 - (\frac{3,5 \cdot 10^8}{3 \cdot 10^8})^2}} - 9,1 \cdot 10^{-31} \right)$$

$$E = m \cdot c^2 = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{ kg} \cdot (3 \cdot 10^8 \text{ s})^2 =$$



e)

$$p_{\text{POSITRON}} = p_2 - p_1 = \frac{E_2}{c} - \frac{E_1}{c}$$

$$p_{\text{POS}} = \frac{E_2}{c} - \frac{E_1}{c} \quad | \cdot \frac{E_2}{c}$$

$$p_{\text{POS}} = \frac{E_2 - E_1}{c} \quad | \cdot c$$

$$p_{\text{POS}} \cdot c = E_2 - E_1 = -E_1 + E_2 \quad | \cdot E_2$$

$$p_{\text{POS}} \cdot c - E_2 = -E_1 \quad | \cdot -1$$

$$-p_{\text{POS}} \cdot c + E_2 = E_1$$

Im bewegten Bezugssystem S', x'

Photon $E_1 = \frac{1}{2} \cdot h \cdot f$
 $p_1 = -\frac{E_1}{c}$

Photon $E_2 = \frac{1}{2} \cdot h \cdot f$
 $p_2 = \frac{E_2}{c}$

Im ruhenden Bezugssystem S, x

$p_{1,y}$ p_1
 $p_{1,x}$

$p_{2,y}$ p_2
 $p_{2,x}$

$\frac{v}{c}$